Exercices de Mathématiques n°3

Licence, Option mathématiques EXAMEN JUIN 2 001

Remarque : Quelques points seront réservés pour la propreté et la présentation de votre travail. Pour la géométrie, il est important de bien justifier vos résultats en citant les différents théorèmes utilisés.

Arithmétique

Exercice 1:

- 1. Placer le nombre 3 452 312 entre 2 multiples de 4 781.
- 2. Combien y-a-t-il de multiples de 543 compris entre 30 000 et 250 000 ? Donner le plus petit et le plus grand.

Exercice 2:

La somme de 2 entiers est 2 096. Si l'on divise l'un par l'autre, le quotient est 5 et le reste 206. Quels sont ces 2 entiers ?

Exercice 3:

Quels peuvent être le diviseur et le quotient d'une division dont le dividende est 557 et le reste 89 ?

Exercice 4:

Démontrer que la somme de 2 nombres impairs consécutifs est un multiple de 4.

Exercice 5:

- 1. Déterminer le PGCD de 3 242 et 1 872 par la méthode des divisions successives du nombre 3 242 par 1 872.
- 2. En déduirer le PPCM des nombres 3 242 et 1 872.

Exercice 6:

- 1. Après une remise de 15 %, j'ai payé un objet pour la somme de 390,15 F. Quel était le prix de cet objet avant la remise ?
- 2. Le prix d'un objet a augmenté de 10 % au début de l'année, puis il a encore augmenté de 15% au milieu de l'année. Quel est le pourcentage d'augmentation de cet objet depuis le début de l'année ?

Géométrie plane

Exercice 7:

Rappel: Quand on dit que H est le projeté orthogonal du point A sur la droite (BC), cela signifie que le point H est sur la droite (BC) et que la droite (AH) est perpendiculaire à (BC).

On considère un triangle ABC rectangle en A et tel que AB = 6 et BC = 12. Soit M le milieu de [BC] et H le projeté orthogonal de A sur la droite (BC).

- 1. Faire une figure en choisissant pour unité le cm. Vous compléterez cette figure au fur et à mesure des questions.
- 2. Calculer AC et AM.
- 3. Quelle est la nature du triangle AMB?
- 4. Que représente la droite (AH) pour ce triangle ?
- 5. En déduire HM et calculer AH.
- 6. Soit B'le symétrique de B par rapport à A. Quelle est la nature du triangle CBB'?
- 7. Soit I le milieu de [AM] et C le cercle de centre I et de diamètre AM. Démontrer que H appartient au cercle C.
- 8. Le cercle C recoupe [AB] et [AC] respectivement en P et Q. Quelle est la nature des triangles AQM et APM?
- 9. Démontrer que P et Q sont respectivement les milieux des segments [AB] et [AC].
- 10. Démontrer que [PQ] est un diamètre du cercle C.
- 11. Soit H'le projeté orthogonal de A sur la droite (B'C). Démontrer que les droites (AM) et (B'C) sont parallèles et en déduire que la droite (AH') est tangente en A au cercle C.